

# חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי א'

## פרק 3 - הפונקציה הממשית - תוכנות מתקדמות

### תוכן העניינים

1	. תחום הגדרה של פונקציה.
3	. הרכבת פונקציות.
6	. הפונקציה הההפוכה.
7	. פונקציה זוגית ופונקציה אי-זוגית.
12	. פונקציה מחזורית.
13	. פונקציה מפוצלת ופונקציה אלמנטרית.
14	. תרגילים משלבים.

## תחום הגדרה של פונקציה

### שאלות

מצאו את תחום ההגדרה של הפונקציות הבאות :

$$y = \frac{1}{x^2 - 4} \quad (2)$$

$$y = x^3 - x^2 - 4x + 1 \quad (1)$$

$$y = \frac{1}{x^3 - x} \quad (4)$$

$$y = \frac{4x+1}{x^2 + 1} \quad (3)$$

$$y = \sqrt{x-4} \quad (6)$$

$$y = \frac{x^2}{x^2 - x - 2} \quad (5)$$

$$y = \sqrt[3]{x^2 + x - 1} \quad (8)$$

$$y = \sqrt{x^2 + x - 2} \quad (7)$$

$$y = \ln(x^2 + x - 2) \quad (10)$$

$$y = \frac{1}{\sqrt{1-|x|}} \quad (9)$$

$$y = e^{x^2+x+1} \quad (12)$$

$$y = \log x + \frac{1}{\log x} \quad (11)$$

$$y = \tan(10x) \quad (14)$$

$$y = \log_x(x+4) \quad (13)$$

$$y = \arctan(x+4) \quad (16)$$

$$y = \cot(4x) \quad (15)$$

$$y = \arccos(x+1) \quad (18)$$

$$y = \arcsin(x-4) \quad (17)$$

### תשובות סופיות

.  $x$  כל **(1)**

$x \neq \pm 2$  **(2)**

.  $x$  כל **(3)**

$x \neq 0, 1, -1$  **(4)**

$x \neq 2, -1$  **(5)**

$x \geq 4$  **(6)**

$x \leq -2, x \geq 1$  **(7)**

.  $x$  כל **(8)**

$-1 < x < 1$  **(9)**

$x < -2, x > 1$  **(10)**

$x > 0, x \neq 1$  **(11)**

.  $x$  כל **(12)**

$x > 0, x \neq 1$  **(13)**

$$x \neq \frac{\pi}{20} + \frac{\pi k}{10} \quad \text{(**14**)}$$

$$x \neq \frac{\pi k}{4} \quad \text{(**15**)}$$

.  $x$  כל **(16)**

$3 < x < 5$  **(17)**

$-2 < x < 0$  **(18)**

## הרכבת פונקציות

### שאלות

**1)** נתונות הפונקציות הבאות :  
 $. h(x) = \frac{4}{x}$  ,  $g(x) = x^2$  ,  $f(x) = x - 4$

חשבו את הפונקציות המורכבות הבאות :

$f(g(x))$  א.       $h(g(f(5)))$  ב.       $f(g(1))$  ג.

$h(h(x))$  ד.       $f(f(x))$  ה.       $h(f(x))$  ט.

**2)** נתון :  $f(x) = \frac{x-2}{x-1}$

חשבו  $f(f(x))$  עבור  $x=3$

**3)** נתון :  $f(x) = \frac{x-3}{x+2}$  ,  $g(x) = \frac{5-x}{x-7}$

חשבו  $f(g(x)) + g(f(x))$  עבור  $x=8$

**4)** נתון :  $f(x) = x^2 - 7x$  ,  $g(x) = \ln x$

חשבו  $f(g(x))$  עבור  $x = e^2$

**5)** נתון :  $f(x) = e^{2x}$  ,  $g(x) = \ln x$

חשבו  $f(g(x))$  עבור  $x=2$

**6)** נתון :  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x} & x > 0 \\ x^2 & x \leq 0 \end{cases}$  ,  $g(x) = \begin{cases} x+3 & x > 4 \\ 3x & x \leq 4 \end{cases}$

חסבו  $f(g(x)), g(f(x))$

**7)** נתונות הפונקציות :

$$f(x) = \begin{cases} 2x+4 & x \leq -1 \\ \sqrt{x+1} & x > -1 \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} x^2 - 4 & x < 1 \\ -x^2 - 2x - 1 & x \geq 1 \end{cases}$$

מצאו נוסחה עבור הרכיבה  $z(x) = g(f(x))$

## (8) נתונות הפונקציות:

$$\cdot f(x) = \begin{cases} 2x+4 & x \leq -1 \\ \sqrt{x+1} & x > -1 \end{cases}$$

$$\cdot g(x) = \begin{cases} x^2 - 4 & x < 1 \\ -x^2 - 2x - 1 & x \geq 1 \end{cases}$$

א. מצאו נוסחה עבור הרכבה  $(g \circ f)(x)$ .

ב. נתון ש-  $n \in \mathbb{Z}$  ו-  $n \notin \mathbb{Z}$ .

מה ניתן להסיק בודדות?

1.  $n \leq -3$

2.  $n \geq 1$

3.  $n$  אי-זוגי שלילי.

4. אף תשובה אינה נכונה.

(9) נתון  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$

מצאן את  $f^n(x) = \underbrace{f(f(f(\dots(f(x)))))}_{n \text{ times}}$

### תשובות סופיות

$$x. 1 \quad x-8 . 2 \quad \frac{4}{x-4} . 3 \quad x^2-4 . 4 \quad 4 . 5 \quad -3 . 6 \quad \begin{matrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 3 \\ 69 \\ 13 \\ -10 \\ 4 \end{matrix} \quad \begin{matrix} 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{matrix}$$

$$f(g(x)) = \begin{cases} \frac{1}{x+3} & x > 4 \\ \frac{1}{3x} & 0 < x \leq 4 \\ (3x)^2 & x \leq 0 \end{cases}, g(f(x)) = \begin{cases} x^2 + 3 & x < 2 \\ 3x^2 & -2 \leq x \leq 0 \\ \frac{1}{x} + 3 & 0 < x < \frac{1}{4} \\ 3\frac{1}{x} & x \geq \frac{1}{4} \end{cases} \quad \begin{matrix} 6 \end{matrix}$$

$$z(x) = \begin{cases} 4x^2 + 16x + 12 & x < -1.5 \\ -4x^2 - 20x - 25 & -1.5 \leq x \leq -1 \\ x - 3 & -1 < x < 0 \\ -x - 2 - 2\sqrt{x+1} & x \geq 0 \end{cases} \quad \begin{matrix} 7 \end{matrix}$$

$$n \leq -3 . 2 \quad h(x) = \begin{cases} \sqrt{x^2 - 3} & x < -\sqrt{3} \\ 2x^2 - 4 & -\sqrt{3} \leq x < 1 . 8 \\ -2x^2 - 4x + 2 & x \geq 1 \end{cases} \quad \begin{matrix} 8 \end{matrix}$$

$$f^n(x) = \frac{x}{\sqrt{1+nx^2}} \quad \begin{matrix} 9 \end{matrix}$$

## הפונקציה ההפוכה

### שאלות

בשאלות 1-4 הוכיחו שהפונקציה הנתונה היא חד"ע בתחום הגדרתה ומצאו את הפונקציה ההפוכה לה. בנוסף, מצאו את התמונה של הפונקציה.

$$f(x) = \frac{x+1}{x} \quad (2)$$

$$(x \geq 0) \quad f(x) = x^2 - 4 \quad (4)$$

$$f(x) = \frac{x-1}{3} \quad (1)$$

$$f(x) = \frac{3x-2}{x-2} \quad (3)$$

5) בדקו האם הפונקציה  $f(x) = x + \frac{1}{x}$  היא חד"ע.

בנוסף, מצאו את התמונה של הפונקציה:

### תשובות סופיות

$$\cdot y, f^{-1}(x) = 3x + 1 \quad (1)$$

$$y \neq 1, f^{-1}(x) = \frac{1}{x-1} \quad (2)$$

$$f^{-1}(x) = \frac{2x-2}{x-3}, y \neq 3 \quad (3)$$

$$f^{-1}(x) = \sqrt{x+4}, y \geq -4 \quad (4)$$

5) לא חד"ע. תמונה:  $y \leq -2$  או  $y \geq 2$ .

## פונקציה זוגית ואי-זוגית

### שאלות

מצאו אילו מבין הפונקציות בשאלות 1-8 הן אי-זוגיות או זה זוגיות:

$$y = 1 \quad (3)$$

$$y = x^4 + x^{10} \quad (2)$$

$$y = 4x^3 \quad (1)$$

$$y = 2^x \quad (6)$$

$$y = x^2 + \sin^2 x \quad (5)$$

$$y = \frac{1}{x} \quad (4)$$

$$y = \sin x \cdot \cos x \quad (8)$$

$$y = \ln x + x^2 \quad (7)$$

9) נתונה פונקציה אי-זוגית  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ .

$$\text{נסמן: } k(x) = -f(x), z(x) = f(x^2)$$

בדקו, עבור כל אחת מהפונקציות  $z, k, z$ , האם היא זוגית או אי-זוגית.

10) נתונה פונקציה אי-זוגית  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , ופונקציה זוגית  $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ .

$$\text{נסמן: } k(x) = -f(x^3) \text{ ו- } z(x) = -g(x^3)$$

טענה א':  $z(x)$  אי-זוגית.

טענה ב':  $k(x)$  אי-זוגית.

איזו טענה נכונה?

11) נתונה פונקציה אי-זוגית  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  ונתונה פונקציה זוגית  $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ .

$$\text{נסמן: } z(x) = -g(-4x) \cdot f(x^4), k(x) = f(-x) + x^{11}g(|x|)$$

בדקו, עבור כל אחת מהפונקציות  $z, k, z$ , האם היא זוגית או אי-זוגית.

12) נתון כי  $f(x)$  פונקציה אי-זוגית ב- $\mathbb{R}$  ומקיים  $|f(x)| < 1$ .

נתון כי  $g(x)$  פונקציה זוגית ב- $\mathbb{R}$ .

הוכיחו שהפונקציה  $z(x) = g(x) \ln\left(\frac{1-f(x)}{1+f(x)}\right)$

**13)** הוכיחו כי :

- סכום פונקציות זוגיות היא פונקציה זוגית
- מכפלת פונקציות זוגיות היא פונקציה זוגית.
- מנת פונקציות זוגיות היא פונקציה זוגית.
- הרכבה של פונקציות זוגיות היא פונקציה זוגית.
- הרכבה של פונקציות אי-זוגיות היא פונקציה אי-זוגית.

**14)** הוכיחו כי :

- סכום פונקציות אי-זוגיות הוא פונקציה אי-זוגית.
- מכפלת פונקציות אי-זוגיות היא פונקציה זוגית.
- מנת פונקציות אי-זוגיות היא פונקציה זוגית.
- מכפלה של פונקציה זוגית בפונקציה אי-זוגית היא פונקציה אי-זוגית.
- הרכבה של פונקציה זוגית על פונקציה אי-זוגית היא פונקציה זוגית.
- הרכבה של פונקציה אי-זוגית על פונקציה זוגית היא פונקציה זוגית.
- הפונקציה היחידה שהיא גם זוגית וגם אי-זוגית לכל  $x$  היא פונקציית האפס.

**15)** הפונקציה  $f(x)$  היא אי-זוגית.

$$\text{נגיד } z = (f(x))^n \text{ כאשר } 1 > n \text{ טבעי.}$$

קבעו האם הפונקציה  $z$  היא זוגית, אי-זוגית או כללית.

**16)** נתונה הפונקציה  $f(x)$  המוגדרת לכל  $x$ .

$$f_{odd}(x) = \frac{f(x) - f(-x)}{2}, \quad f_{even}(x) = \frac{f(x) + f(-x)}{2}$$

נגיד :

- הוכיחו כי  $f_{odd}$  היא פונקציה אי-זוגית ו-  $f_{even}$  היא פונקציה זוגית.
- הוכיחו כי  $f(x) = f_{odd}(x) + f_{even}(x)$  והסבירו במילים את התוצאה שקיבלת.
- ציינו את הפונקציה  $f(x) = x^2 + x + 1$  כסכום של פונקציה זוגית ופונקציה אי-זוגית.

**17)** הוכיחו או הפריכו כל אחת מהטענות הבאות :

- אם  $f$  פונקציה אי-זוגית אז  $f(0) = 0$ .
- אם  $f$  פונקציה אי-זוגית המוגדרת ב-  $0 < x \leq 0$  אז  $f(0) = 0$ .

**18)** הוכיחו את הטענות הבאות :

- הפונקציה  $f(x) = \cos x$  היא זוגית.
- הפונקציה  $f(x) = \sin x$  היא אי-זוגית.
- הפונקציה  $f(x) = \tan x$  היא אי-זוגית.
- הפונקציה  $f(x) = \cot x$  היא אי-זוגית.

**19)** נתון כי  $f(x)$  פונקציה אי-זוגית וחד-חד ערכית המוגדרת בקטע

$$(a > 0) \quad (-a, a)$$

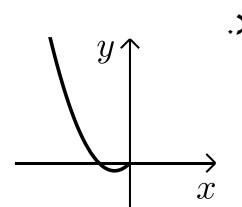
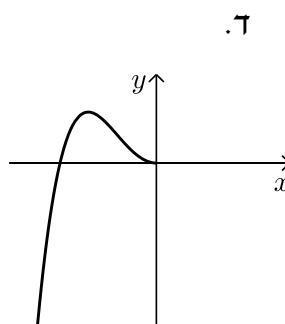
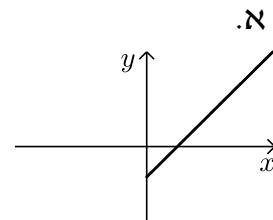
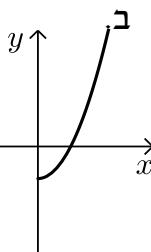
הוכיחו כי גם  $f^{-1}$  פונקציה אי-זוגית.

**20)** הוכיחו שהפונקציות הבאות הן אי-זוגיות :

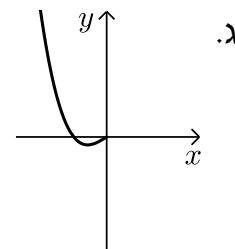
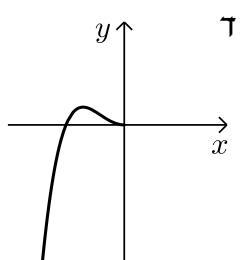
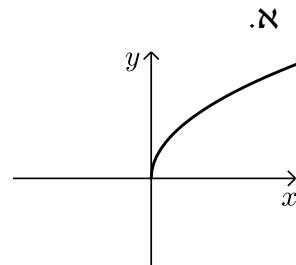
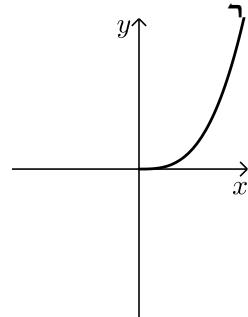
$$\text{א. } y = \arctan x$$

$$\text{ב. } y = \arcsin x$$

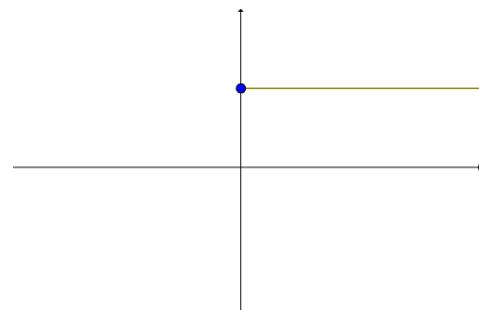
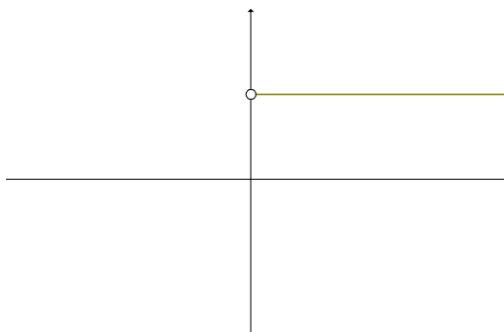
**21)** הפונקציות המסורטוטות להלן מוגדרות לכל  $x$ .  
השלם את צירור הגרפ של הפונקציה כך שתתקבל פונקציה זוגית :



22) הפונקציות המשורטוטות להלן מוגדרות לכל  $x$ .  
 השלם את ציור הגרף של הפונקציה כך שתתקבל פונקציה אי-זוגית:



23) השלימו (אם ניתן) את גרף הפונקציות הבאות לפונקציה זוגית ולפונקציה אי-זוגית.



**תשובות סופיות**

שאלות 1-8 : זוגיות : 1,4 ; 2,3,5,8 ; 6,7 . כללית :

9) k אי-זוגית, z זוגית.

10) טענה ב' .

11) k אי-זוגית, z זוגית.

12) שאלת הוכחה.

13) שאלת הוכחה.

14) שאלת הוכחה.

15) כאשר n זוגי – זוגית, ובאשר n אי-זוגי – אי-זוגית.

$$f(x) = \underbrace{x}_{\text{odd}} + \underbrace{x^2+1}_{\text{even}}$$

16) א.+ב. שאלת הוכחה.

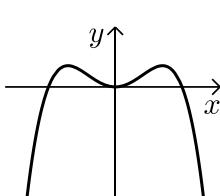
17) שאלת הוכחה.

18) שאלת הוכחה.

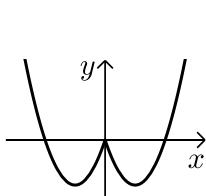
19) שאלת הוכחה.

20) שאלת הוכחה.

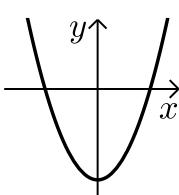
21) להלן הגרפים :



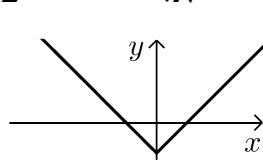
.7



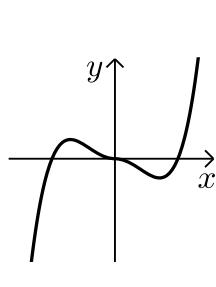
.8



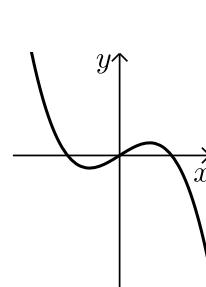
.9.



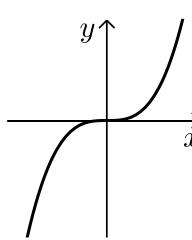
.10.



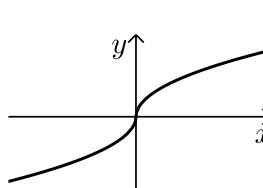
.11



.12



.13.



.14.

22) להלן הגרפים :

23) ראו בסרטון.

## פונקציה מחזורית

### שאלות

מצאו את המחזור של כל אחת מהפונקציות הבאות :

$$y = 1 + 14 \cos 20x \quad (2)$$

$$y = 1 + 10 \sin(0.5x + 4) \quad (1)$$

$$y = -1 + 14 \sec 2x \quad (4)$$

$$y = -4 + 20 \tan 4x \quad (3)$$

$$y = \cos^2 2x \quad (6)$$

$$y = \sin^2 4x \quad (5)$$

$$y = (\sin x + \cos x)^2 \quad (8)$$

$$y = \cos^4 x - \sin^4 x \quad (7)$$

$$y = \cot^2 x \quad (10)$$

$$y = \cos^4 x + \sin^4 x \quad (9)$$

### תשובות סופיות

$$\frac{\pi}{4} \quad (5)$$

$$\pi \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{10} \quad (2)$$

$$4\pi \quad (1)$$

$$\pi \quad (10)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (9)$$

$$\pi \quad (8)$$

$$\pi \quad (7)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (6)$$

## פונקציה מפוצלת ופונקציה אלמנטרית

### שאלות

רשמו כל אחת מהפונקציות **1-4** כפונקציה מפוצלת וشرطו את גраф הפונקציה:

$$y = 3|x+1| \quad (2)$$

$$y = |x-2| \quad (1)$$

$$y = \frac{|x|}{x} \quad (4)$$

$$y = x^2 + 2|x-1| \quad (3)$$

- 5) נתונה הפונקציה**
- $$f(x) = \begin{cases} x^2 & 0 \leq x \leq 4 \\ -x & x < 0 \end{cases}$$
- . חשבו  $f(1), f(4), f(-4), f(0), f(7)$ .
  - . שרטטו את גраф הפונקציה.
  - . בדקו האם הפונקציה זוגית, אי-זוגית או כללית.

### תשובות סופיות

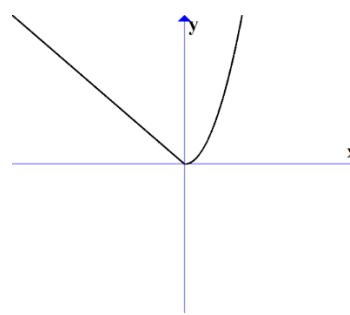
$$y = \begin{cases} 3x+3 & x \geq -1 \\ -3x-3 & x < -1 \end{cases} \quad (2)$$

$$y = \begin{cases} x-2 & x \geq 2 \\ 2-x & x < 2 \end{cases} \quad (1)$$

$$y = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ -1 & x < 0 \end{cases} \quad (4)$$

$$y = \begin{cases} x^2 + 2x - 2 & x \geq 1 \\ x^2 - 2x + 2 & x < 1 \end{cases} \quad (3)$$

- 5) א.**  $f(1)=1, f(4)=16, f(-4)=4, f(0)=0, f(7)=\text{undefined}$ .  
**ג. כללית.**



## תרגילים משולבים

### שאלות

$$\text{1) נתונה הפונקציה } f(x) = \begin{cases} x+1 & x > 1 \\ x^3 + 1 & -1 \leq x \leq 1 \\ x+1 & x < -1 \end{cases}$$

שרטטו את הפונקציה, וקבעו האם היא :

- א. עולה.
- ב. יורדת.
- ג. אי-זוגית.
- ד. זוגית.
- ה. חסומה.
- ו. לא חסומה.
- ז. חח"ע.
- ח. על  $\mathbb{R}$ .

הערה : ניתן להתבסס על הציור כנימוק.

$$\text{2) נתונה הפונקציה } f(x) = \begin{cases} \frac{2}{x} & x > 1 \\ x^5 + 1 & -1 \leq x \leq 1 \\ x+1 & x < -1 \end{cases}$$

בכל אחד מהסעיפים הבאים יש טענה.

קבעו האם הטענה נכונה או לא נכונה.

- א. הפונקציה מונוטונית עולה ממש.
- ב. הפונקציה על  $\mathbb{R}$ .
- ג. הפונקציה אי-זוגית.
- ד. הפונקציה זוגית.
- ה. הפונקציה חח"ע.

הערה : ניתן לשרטט ולהתבסס על הציור כנימוק.

(3) נתונה פונקציה  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , זוגית ומנוטוניות עולה ממש,

ופונקציה  $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , אי-זוגית ומנוטוניות יורדת ממש.

$$\text{נסמן: } k(x) = -f(x^3) \text{ ו- } z(x) = -g(x^3).$$

טענה א':  $k(x)$  מונוטוניות עולה ממש.

טענה ב':  $z(x)$  מונוטוניות עולה ממש.

טענה ג':  $h(x) = k(x)z(x)$  זוגית.

מי מבין הטענות נכונה?

(4) נתונות שתי פונקציות,  $f, g : [0,1] \rightarrow [0,1]$ .

נתון ש-  $f$  מונוטוניות עולה ממש, ואילו  $g$  מונוטוניות יורדת חלש, אך אינה יורדת ממש.

$$\text{תהי } h(x) = f(g(x)).$$

איזו טענה נכונה?

א.  $h$  יורדת חלש.

ב.  $h$  עולה ממש.

ג.  $h$  עולה חלש, אך אינה עולה ממש.

ד.  $h$  אינה חסומה בהכרח.

(5) נתונות הפונקציות  $f(x) = \begin{cases} x+4 & x \leq 0 \\ \sqrt{x} & x > 0 \end{cases}$  ו-  $g(x) = \begin{cases} x^2 - 4 & x < 0 \\ -x^2 - 2x - 1 & x \geq 0 \end{cases}$

$$\text{תהי } h(x) = f(g(x)).$$

א. מצאו את  $h$  בקטע  $[-2, 0]$ .

ב. קבעו האם  $h$  חח"ע בקטע  $[-2, 0]$ .

ג. קבעו האם  $h$  חסומה בקטע  $[-2, 0]$ .

ד. קבעו האם  $[0, 4] \rightarrow [-2, 0]$  היא על.

\* בסעיפים ב-ד ניתן להסתמך על גרף הפונקציה.

(6) נתונות פונקציות המוגדרות על כל  $\mathbb{R}$ :  $f(x) = x^3$ ,  $g(x) = (-1)^{\lfloor x \rfloor}$ .

קבעו מי מבין הטענות הבאות נכונה.

הפונקציה  $h(x) = f(g(x))$  היא:

א. חסומה.

ב. אי-זוגית.

ג. חח"ע.

ד. מונוטונית.

7) נתונות פונקציות המוגדרות על כל  $\mathbb{R}$  :  $f(x) = x^3$ ,  $g(x) = -\lfloor x \rfloor$

א. בדקו את מונוטוניות  $z(x) = f(g(x))$ .

ב. בדקו את מונוטוניות  $k(x) = g(f(x))$ .

ג. בדקו האם  $h(x) = \sqrt[3]{f(x)} - g(-x)$  חסומה.

תזכורת לסעיפים א+ב :

אם  $a < b \Leftarrow f(a) \geq f(b)$ , אז הפונקציה  $f$  יורדת חלש.

8) נתונות פונקציות המוגדרות על כל  $\mathbb{R}$  :  $f(x) = (3\lfloor x \rfloor)^3 + 27\lfloor x \rfloor$

$g(x) = f(x) + x^3 - 28$

הוכיחו או הפריכו :

א. הפונקציה  $f$  עולה ממש וחו"ע.

ב. הפונקציה  $g$  עולה ממש וחו"ע.

9) מצאו את הפונקציה ההפוכה לפונקציה  $f(x) = \frac{1}{2}(e^x - e^{-x})$

וקבעו את תחום הגדרתה.

הוכיחו שהפונקציה על  $\mathbb{R}$ .

הערה : פונקציה זו נקראת סינוס היפרבולי.

10) חקרו את מונוטוניות הפונקציה  $f(x) = \frac{2x+3}{3x-1}$

הערה : אין להשתמש בנגזרות.

11) נתונה הפונקציה  $f(x) = \sqrt{2+x-x^2}$

א. מצאו את תחום ההגדרה של הפונקציה.

ב. מצאו את התמונה של הפונקציה.

ג. הוכיחו שהפונקציה חסומה.

ד. מצאו את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה.

### תשובות סופיות

- 1) א. כן.    ב. לא.    ג. לא.    ד. לא.    ה. לא.    ו. כן.
- 2) אף טענה אינה נכוןה.
- 3) טענה ב' נכוןה.
- 4) טענה א' נכוןה.
- 5) א.  $h(x) = x^2$   
 ג. הפונקציה חסומה בקטע.
- 6) א. הפונקציה חסומה.  
 ג. הפונקציה לא חח"ע.
- 7) א. הפונקציה  $(x)^z$  יורדת חלש.  
 ג. הפונקציה חסומה.
- 8) שאלת הוכחה.
- 9)  $f^{-1}(x) = \ln\left(x + \sqrt{x^2 + 1}\right)$
- 10) ראו באתר.
- 11) א.  $-1 \leq x \leq 2$   
 ב.  $0 \leq y \leq \frac{3}{2}$   
 $\frac{1}{2} < x \leq 2$  – עלייה,  
 $-1 \leq x < \frac{1}{2}$  – ירידת.